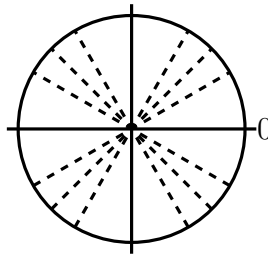


Exercice 1 (6 points). *Les questions sont indépendantes.*

1. Placer les angles $-\frac{7\pi}{6}$ et $\frac{123\pi}{4}$ sur le cercle trigonométrique ci-dessous (sur lequel ont été placées les lignes des angles $\frac{\pi}{6}$, $\frac{\pi}{4}$, $\frac{\pi}{3}$ et de leurs multiples).



2. Convertir en degrés la mesure d'angle $\frac{5\pi}{18}$.
3. On admet que $\cos \frac{2\pi}{5} = \frac{-1+\sqrt{5}}{4}$ et $\sin \frac{2\pi}{5} = \sqrt{\frac{5+\sqrt{5}}{8}}$.
- (a) Déterminer $\cos -\frac{2\pi}{5}$.
- (b) Simplifier l'expression $\frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{5}$, puis en déduire la valeur exacte de $\sin \frac{\pi}{10}$.

Exercice 2 (8 points). Un jeu organisé dans une kermesse permet de gagner des bonbons avec les probabilités suivantes.

Nombre de bonbons gagnés	1	2	5	10	20
Probabilité	7/20	6/20	4/20	2/20	1/20

On appelle X la variable aléatoire prenant pour valeur le nombre de bonbons gagnés.

- (a) Calculer l'espérance et l'écart-type de X .
(b) Que représente cette espérance ?
- Chaque joueur coûte à l'organisatrice 5 centimes, auquel on ajoute 3 centimes par bonbon gagné. On appelle Y la variable aléatoire prenant pour valeur le coût des bonbons gagnés.
 - Exprimer Y en fonction de X .
 - En déduire l'espérance de Y .

Exercice 3 (6 points). Une urne contient 2 boules rouges et 8 blanches. Un joueur pioche deux boules dans l'urne, l'une après l'autre, sans remise. Il gagne ensuite :

- si les deux boules sont blanches : 2€ ;
- si les deux boules sont de couleur différente : 5€ ;
- si les deux boules sont rouges : une certaine somme d'argent a .

On appelle X la variable aléatoire correspondant à la somme d'argent gagnée à ce jeu.

- Représenter la situation par un arbre de probabilités.
- Montrer que la loi de probabilité de X est :

x_i	2	5	a
$P(X = x_i)$	28/45	16/45	1/45

- On dit que le jeu est équitable si l'espérance est nulle. Déterminer (à un centime près) la somme d'argent a pour que le jeu soit équitable.