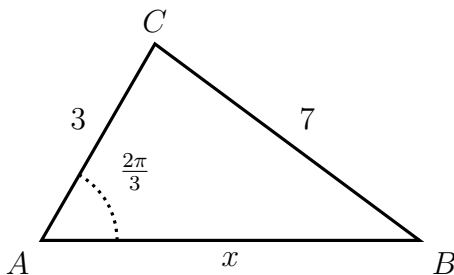


**Exercice 1** (Angles orientés — 4 points).

1. *Conversion de mesures d'angles.* Les mesures en degrés et radians sont proportionnelles :

Degrés	180	?	48
Radians	$\pi$	$\frac{7\pi}{8}$	?

- (a) Donc la mesure de  $\frac{7\pi}{8}$  rad en degrés est  $\frac{\frac{7\pi}{8} \times 180}{\pi} = \frac{7\pi \times 180}{8\pi} = 157,5$ .
- (b) Et la mesure de  $48^\circ$  en radians est  $\frac{48\pi}{180} = \frac{4}{15}\pi$ .
2. *Donner la mesure principale des angles suivants.* Pour la méthode, voir par exemple l'application de l'exercice 3.
- (a) La mesure principale de  $\alpha = \frac{27\pi}{3}$  est  $\pi$ .
- (b) La mesure principale de  $\beta = -\frac{18\pi}{5}$  est  $\frac{2\pi}{5}$ .

**Exercice 2** (Triangle — 4 points). On considère le triangle suivant. L'objet de l'exercice est de déterminer la longueur du côté  $[AB]$ .

1. *Montrer que  $x$  vérifie  $x^2 + 3x - 40 = 0$ .* On applique le théorème d'Al Kashi.

$$BC^2 = AC^2 + AB^2 - 2 \times AB \times AC \times \cos \widehat{CAB}$$

$$7^2 = 3^2 + x^2 - 2 \times x \times 3 \cos \frac{2\pi}{3}$$

$$49 = 9 + x^2 + 3x$$

$$0 = x^2 + 3x - 40$$

2. Résoudre cette équation, et en déduire la longueur de  $[AB]$ . C'est un trinôme du second degré, dont le discriminant vaut  $3^2 - 4 \times 1 \times (-40) = 9 + 160 = 169 = 13^2$ . Il y a donc deux racines :

$$x_1 = \frac{-3 - \sqrt{13^2}}{2 \times 1} = \frac{-16}{2} = -8$$

$$x_2 = \frac{-3 + \sqrt{13^2}}{2 \times 1} = \frac{10}{2} = 5$$

Or  $AB$  est une longueur, donc la seule solution est  $AB = 5$ .

**Exercice 3** (Algorithmique — 3 points). On considère l'algorithme suivant [...].

1. Exécuter cet algorithme avec  $\alpha = \frac{27\pi}{3}$ , puis avec  $\alpha = -\frac{18\pi}{5}$ . Indiquer sur votre copie, comme trace d'exécution, les valeurs successives prises par  $\alpha$ .

Pour  $\alpha = \frac{27\pi}{3}$ , les valeurs successives prises par  $\alpha$  sont :

$$\begin{aligned} \alpha &= \frac{27\pi}{3} \\ \alpha &= \frac{27\pi}{3} - 2\pi \\ &= \frac{27\pi}{3} - \frac{6\pi}{3} = \frac{21\pi}{3} \\ \alpha &= \frac{21\pi}{3} - 2\pi = \frac{15\pi}{3} \\ \alpha &= \frac{15\pi}{3} - 2\pi = \frac{9\pi}{3} \\ \alpha &= \frac{9\pi}{3} - 2\pi = \frac{3\pi}{3} = \pi \end{aligned}$$

Pour  $\alpha = -\frac{18\pi}{5}$ , les valeurs successives prises par  $\alpha$  sont :

$$\begin{aligned} \alpha &= \frac{-18\pi}{5} \\ \alpha &= \frac{-18\pi}{5} + 2\pi \\ &= \frac{-18\pi}{5} + \frac{10\pi}{5} = \frac{-8\pi}{5} \\ \alpha &= \frac{-8\pi}{5} + 2\pi = \frac{2\pi}{5} \end{aligned}$$

2. À quoi sert cet algorithme ? Dans les deux cas, on remarque que la valeur renvoyée correspond à la mesure principale de l'angle de départ. L'algorithme permet donc de calculer la mesure principale d'un angle orienté.