

**Propriété 1.** Soit  $u$  une suite.

- $u$  est croissante (respectivement strictement croissante) si et seulement si pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} - u_n \geq 0$  (respectivement  $u_{n+1} - u_n > 0$ ).
- $u$  est décroissante (respectivement strictement décroissante) si et seulement si pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} - u_n \leq 0$  (respectivement  $u_{n+1} - u_n < 0$ ).

**Propriété 2.** Soit  $u$  une suite, telle que tous ses termes sont strictement positifs.

- $u$  est croissante (respectivement strictement croissante) si et seulement si pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $\frac{u_{n+1}}{u_n} \geq 1$  (respectivement  $\frac{u_{n+1}}{u_n} > 1$ ).
- $u$  est décroissante (respectivement strictement décroissante) si et seulement si pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $\frac{u_{n+1}}{u_n} \leq 1$  (respectivement  $\frac{u_{n+1}}{u_n} < 1$ ).

**Propriété 3.** Soient  $u$  une suite, et  $f$  une fonction telles que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , on ait :  $u_n = f(n)$ .

- Si  $f$  est croissante (respectivement décroissante) sur  $[0; +\infty[$ , alors  $u$  est croissante (respectivement décroissante) sur  $\mathbb{N}$ .
- La réciproque n'est pas vraie en général.

**Définition 4** (Notion de limite). *Ces définitions ne sont pas formelles.*

- On dit qu'une suite  $u$  tend vers  $+\infty$  (resp.  $-\infty$ ) lorsqu'elle peut prendre des valeurs aussi grandes que l'on veut (en prenant  $n$  suffisamment grand). On note alors  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$  (resp.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty$ ).
- On dit qu'une suite  $u$  tend vers un réel  $l$  lorsqu'elle peut prendre des valeurs  $v_n$  aussi proches de  $l$  que l'on veut (en prenant  $n$  suffisamment grand). On note alors  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = l$ .