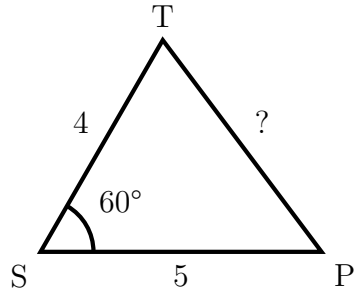


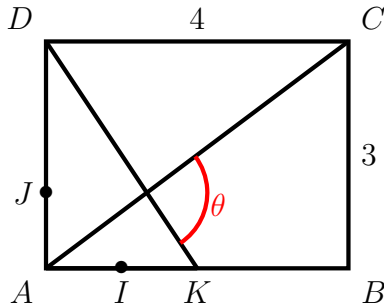
**Exercice 1** (Calcul de longueur). Pour installer un câble entre une tour  $T$  et un pylône  $P$ , on aimerait connaître la distance qui les sépare. Malheureusement, le terrain accidenté entre eux rend une mesure directe difficile.

En revanche, on a pu mesurer la distance de ces deux objets par rapport à un sapin  $S$  situé un peu plus loin, ainsi que l'angle formé par ces trois objets. Ces mesures sont schématisées dans le graphique suivant (qui n'est pas à l'échelle). Toutes les longueurs sont données en hectomètres.



Calculer une approximation de la longueur  $TP$  au mètre près.

**Exercice 2** (Calcul d'angle). On considère la figure suivante, où  $ABCD$  est un rectangle,  $K$  est le milieu de  $[AB]$ , et  $AI = AJ = 1$ . Toutes les longueurs sont données en centimètres.



Le but de l'exercice est de déterminer une mesure de l'angle  $\theta$ .

- Calculer la longueur des segments  $[AC]$  et  $[DK]$ .
  - En déduire que  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{DK} = 5\sqrt{13} \cos \theta$ .
- On se place dans le repère orthonormé  $(A, I, J)$ . Donner, sans justifier, les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{DK}$ , puis en déduire que  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{DK} = -1$ .
- En déduire une valeur approchée au dixième de degré de  $\theta$ .

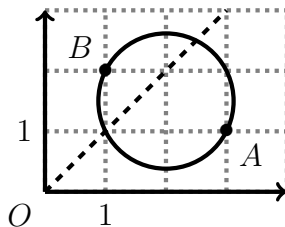
**Exercice 3** (Calcul). Étant donné trois vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  et  $\vec{w}$ , on donne :

(i)  $\|\vec{u}\| = 1$  (ii)  $\|\vec{v}\| = 3$  (iii)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 2$  (iv)  $\vec{u} \cdot \vec{w} = -1$

1. Calculer :  $(\vec{u} + \vec{v})^2$ .
2. Calculer :  $\vec{u} \cdot (\vec{v} + 2\vec{w})$ . Que peut-on dire des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v} + 2\vec{w}$  ?

**Exercice 4** (Lieu géométrique).

Dans un repère orthonormé, on considère les points  $A(3;1)$  et  $B(1;2)$ , le cercle  $\mathcal{C}$  de diamètre  $[AB]$ , et la droite  $\mathcal{D}$ , d'équation  $y = x$ .



L'objet de l'exercice est de déterminer les coordonnées des points d'intersection de  $\mathcal{C}$  et  $\mathcal{D}$ . Soit  $M(x; y)$  un de ces points d'intersection.

1. Montrer que ni  $A$ , ni  $B$  n'est sur la droite  $\mathcal{D}$ .

Ainsi,  $A$ ,  $B$  et  $M$  sont trois points distincts : l'angle  $\widehat{AMB}$  est bien défini, et les vecteurs  $\overrightarrow{AM}$  et  $\overrightarrow{BM}$  sont non nuls.

2. Étude du cercle  $\mathcal{C}$ .

(a) Justifier que l'angle  $\widehat{AMB}$  est droit.

(b) En utilisant le produit scalaire  $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM}$ , montrer que :

$$(x - 3)(x - 1) + (y - 1)(y - 2) = 0$$

3. En utilisant cette équation et celle de la droite  $\mathcal{D}$ , déterminer les coordonnées des points d'intersection de  $\mathcal{C}$  et de  $\mathcal{D}$ .