

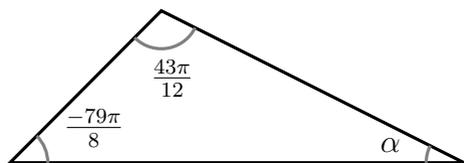
Exercice 1 (Équations trigonométriques — 4 points).

1. Résoudre l'équation $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$.
2. Quelles sont les solutions de cette équation comprises dans l'intervalle $[0; 4\pi]$?

Exercice 2 (Angles associés — 2 points). Simplifier au maximum l'expression suivante.

$$E = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \cos -x - \cos(\pi + x) + 2 \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$$

Exercice 3 (Triangle — 2 points). Donner la mesure principale, en radians, de l'angle α .



Exercice 4 (Suites numériques — 4 points). Pour chacune des suites u suivantes : (a) calculer u_4 ; (b) calculer le troisième terme.

1. La suite u est une suite de premier terme $u_2 = 8$ telle que, pour tout $n \geq 2$, on a $u_{n+1} = 1 + \frac{u_n}{2}$.
2. La suite u est définie pour $n \geq 3$ par $u_n = 7n^2 - 1$.

Exercice 5 (Datation au carbone 14 — 8 points). Le carbone 14 est un corps radioactif présent naturellement chez les êtres vivants. On admet que :

- à la mort d'un être vivant, la concentration de carbone 14 est égale à 10^{-12} (l'unité est arbitraire) ;
- dans un cadavre, la concentration de carbone 14 diminue de 1,24 % par siècle.

On définit la suite c sur \mathbb{N} par : c_n est la concentration de carbone 14 dans un cadavre après n siècles. On a donc : $c_0 = 10^{-12}$.

1. Prouver que pour tout $n \in \mathbb{N}$, on a : $c_{n+1} = 0,9876c_n$.
2. Quelle est la nature de la suite c ? Donner alors ses caractéristiques.
3. En déduire le terme général de c .
4. Un os a été découvert sur un site archéologique, dont la teneur en carbone 14 est $7,0 \times 10^{-13}$. Déterminer un encadrement de la date de la mort de l'animal auquel appartenait cet os, à 500 ans près. On pourra s'aider de la table suivante.

n	5	10	15	20	25
$0,9876^n$	0,94	0,88	0,83	0,80	0,73
n	30	35	40	45	50
$0,9876^n$	0,69	0,65	0,61	0,57	0,54